

Wirtschaftswissenschaftliche Bücherei für Schule und Praxis

Begründet von Handelsschul-Direktor Dipl.-Hdl. Friedrich Hutkap †

Die Verfasser:

Kurt Bohner

Lehrauftrag Mathematik am BS Wangen
Studium der Mathematik und Physik an der Universität Konstanz

Roland Ott

Studium der Mathematik an der Universität Tübingen

Ronald Deusch

Lehrauftrag Mathematik am BSZ Bietigheim-Bissingen
Studium der Mathematik an der Universität Tübingen

Stefan Rosner

Lehrauftrag Mathematik an der Kaufmännischen Schule in Schwäbisch Hall
Studium der Mathematik an der Universität Mannheim

Das Werk und seine Teile sind urheberrechtlich geschützt. Jede Nutzung in anderen als den gesetzlich zugelassenen Fällen bedarf der vorherigen schriftlichen Einwilligung des Verlages. Hinweis zu § 60a UrhG: Weder das Werk noch seine Teile dürfen ohne eine solche Einwilligung eingescannt und in ein Netzwerk eingestellt werden. Dies gilt auch für Intranets von Schulen und sonstigen Bildungseinrichtungen.

Fast alle in diesem Buch erwähnten Hard- und Softwarebezeichnungen sind eingetragene Warenzeichen.

* * * * *

Bildnachweise

Umschlag: kleines Bild rechts oben: Africa Studio - stock.adobe.com
kleines Bild rechts unten: kiwi1902 - Fotolia.com

Es war leider nicht möglich, alle Rechteinhaber ausfindig zu machen. Berechtigte Ansprüche werden selbstverständlich nach den üblichen Konditionen abgegolten.

4. Auflage 2019

© 2005 by MERKUR VERLAG RINTELN

Gesamtherstellung:

MERKUR VERLAG RINTELN Hutkap GmbH & Co. KG, 31735 Rinteln

E-Mail: info@merkur-verlag.de

Internet: www.merkur-verlag.de

ISBN 978-3-8120-0119-9

Vorwort

Vorbemerkungen

Der vorliegende Band ist ein Arbeitsbuch für den Mathematikunterricht in den Berufsfachschulen aller Schultypen.

Aufgrund des neuen Lehrplans (2019) wurden neue Unterrichtsmethoden berücksichtigt. So soll die Mathematik auch mit **neuen Medien** erlernt werden, z. B. durch **Lehr- und Lernvideos** und **Geogebra-Arbeitsblätter**.

Die Schüler in den Berufsfachschulen haben unterschiedliche Vorkenntnisse. Um die Schüler dennoch möglichst auf gleiches Wissensniveau zu bringen und damit gleiche Ausgangsbedingungen für den Mathematikunterricht zu schaffen, beginnen die Kapitel mit anschaulichen, einfachen Beispielen. Die Einführungsbeispiele sind oft Beispiele aus dem Alltag, sodass ein Bezug zur Praxis hergestellt wird.

Der Stoff wird danach schrittweise anhand von weiteren Musterbeispielen mit ausführlichen und kommentierten Lösungen erarbeitet. Dabei legen die Autoren großen Wert auf die Verknüpfung von Anschaulichkeit und sachgerechter mathematischer Darstellung. Die übersichtliche Präsentation und die methodische Aufarbeitung bieten dem Schüler die Möglichkeit, Unterrichtsinhalte selbstständig zu erschließen bzw. sich anzueignen. Der Lernerfolg wird positiv beeinflusst.

Jede Lerneinheit schließt mit einer ausreichenden Anzahl von Aufgaben ab. Diese sind zur Ergebnissicherung und Übung gedacht und auch als Hausaufgaben geeignet. Die Aufgaben eignen sich zum Einüben des Stoffes und regen zur Bearbeitung neuer mathematischer Fragestellungen an.

Am Ende eines jeden Kapitels findet der Schüler eine Zusammenfassung, die den Stoff in übersichtlicher Darstellung auf das Wesentliche konzentriert. Aufgaben mit unterschiedlichem Schwierigkeitsgrad und ein Test, die es dem Schüler ermöglichen, den Stoff zu festigen und zu vertiefen, beenden die Kapitel. Das Buch schließt mit einem Kapitel Prüfungsvorbereitung ab.

Begleitend zu diesem Band werden ein Arbeitsheft (ISBN 978-3-8120-2119-7) und eine Formelsammlung (ISBN 978-3-8120-1119-8) angeboten. Das Arbeitsheft soll Schüler und Lehrer durch Aufgaben zur Wiederholung und Vertiefung unterstützen.

Hinweise und Anregungen, die zur Verbesserung beitragen, werden dankbar aufgegriffen.

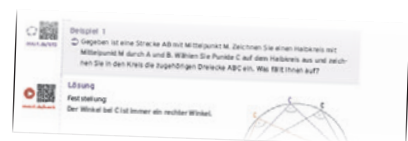
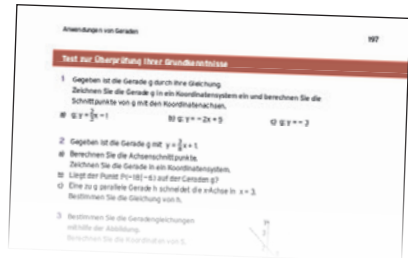
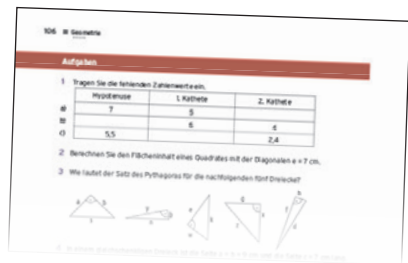
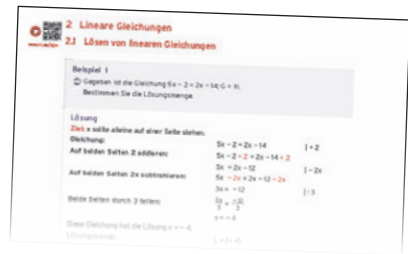
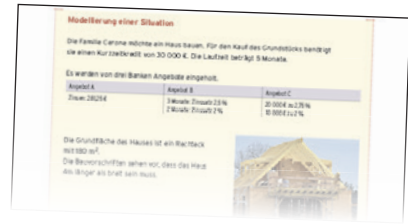
Die Verfasser

Der Aufbau dieses Buches

Jedes Hauptkapitel beginnt mit **Modellierung einer Situation**, die die Schüler/innen eigenverantwortlich und selbstorganisiert bearbeiten können. Die Modellierungsaufgaben werden im Anhang ausführlich gelöst. Der Stoff in den einzelnen Kapiteln wird schrittweise anhand von **Musterbeispielen mit ausführlichen Lösungen** erarbeitet. Dabei legen die Autoren großen Wert auf die Verknüpfung von Anschaulichkeit und sachgerechter mathematischer Darstellung. Die übersichtliche Präsentation und die methodische Aufarbeitung beeinflusst den Lernerfolg positiv und bietet dem Schüler die Möglichkeit, Unterrichtsinhalte selbstständig zu erschließen bzw. sich anzueignen.

Kompetenzorientierte Fragestellungen mit unterschiedlichem Schwierigkeitsgrad ermöglichen es dem Schüler, den Stoff zu festigen und zu vertiefen. Beispiele und Probleme aus dem Alltag, aus der Wirtschaft und der Technik stellen einen praktischen Bezug her.

Jede Lerneinheit endet mit einer umfassenden Anzahl von Aufgaben und einem „**Test zur Überprüfung Ihrer Grundkenntnisse**“. Diese sind zur Ergebnissicherung und Übung gedacht, aber auch als Hausaufgaben geeignet. Die Aufgaben „**Test zur Überprüfung Ihrer Grundkenntnisse**“ werden im Anhang ausführlich gelöst.



Für **Aufgaben mit dem Download-Logo** stehen ausführliche Lösungen zum Download bereit. Sie finden diese in der Mediathek zum Buch auf unserer Webseite <http://www.merkur-verlag.de>.



Um das Lernen mit dem Buch zu unterstützen und zu fördern, werden **Lehr- und Lernvideos** sowie **interaktive Geogebra-Arbeitsblätter** angeboten, die z. B. direkt am mobilen Gerät abgerufen werden können.

Definitionen, Festlegungen, Merksätze und mathematisch wichtige **Grundlagen** sind in Rot gekennzeichnet.

Inhaltsverzeichnis

I Termumformungen 11

1	Terme	12
1.1	Einführung	12
1.2	Gliedern und Umformen von Termen	14
1.2.1	Addition und Subtraktion von Termen	14
1.2.2	Multiplikation von Termen	21
1.2.3	Vereinfachung von Termen mit Brüchen	31
2	Potenzrechnung	33
2.1	Potenzen mit natürlichen Hochzahlen	33
2.2	Potenzen mit negativen ganzen Hochzahlen	41
2.3	Zehnerpotenzen	43

II Gleichungen 48

1	Einführung	49
2	Lineare Gleichungen	52
2.1	Lösen von linearen Gleichungen	52
2.2	Umstellung von Formeln	58
2.2.1	Formeln in Geometrie und Technik	58
2.2.2	Prozentrechnung	59
2.2.3	Zinsrechnung	62
3	Bruchgleichungen	68
4	Quadratische Gleichungen	71
4.1	Einführung	71
4.2	Lösung einer quadratischen Gleichung	72
4.3	Anwendungen	79

III Geometrie 83

1	Satz des Thales	84
2	Symmetrie und Spiegelung, Kongruenz zweier Figuren	87
3	Ähnliche Figuren	92
4	Strahlensätze	94
4.1	1. Strahlensatz	94
4.2	2. Strahlensatz	96
5	Volumen und Oberflächeninhalte	98
5.1	Kegel	98
5.2	Kugel	101

5.3 Vertiefung	103
5.3.1 Satz des Pythagoras	103
5.3.2 Volumen und Oberflächeninhalte von Quader, Zylinder und Pyramide	107
6 Sinus, Kosinus und Tangens	119
6.1 Sinus	119
6.2 Kosinus	123
6.3 Tangens	126
6.4 Anwendungen	129

IV Wahrscheinlichkeitsrechnung 139

1 Zufallsexperiment	140
1.1 Einstufiges Zufallsexperiment	140
1.2 Zweistufiges Zufallsexperiment	142
2 Ereignisse	144
3 Wahrscheinlichkeit	147
3.1 Definition der Wahrscheinlichkeit	147
3.2 Wahrscheinlichkeit bei Gleichverteilung (Laplace-Experiment)	151
3.3 Wahrscheinlichkeit bei zweistufigen Zufallsexperimenten	154
3.4 Erwartungswert	159

V Geraden 164

1 Ursprungsgeraden	165
2 Die Steigung einer Geraden	168
3 Geraden mit der Gleichung $y = mx + b$	171
4 Aufstellen von Geradengleichungen	175
4.1 Aufstellen von Geradengleichungen aus Punkt und Steigung	175
4.2 Aufstellen von Geradengleichungen aus zwei Punkten	178
5 Schnittpunkte	182
5.1 Schnittpunkte von Gerade und Koordinatenachsen	182
5.2 Schnittpunkte von zwei Geraden	186
6 Anwendungen von Geraden	191

VI Lineare Gleichungssysteme 198

1 Einführung	199
2 Zeichnerische Lösung eines linearen Gleichungssystems	200
3 Rechnerische Lösung eines linearen Gleichungssystems	202
4 Anwendungen	206

VII Parabeln 208

1	Normalparabel	209
2	Abbildungen der Normalparabel	211
2.1	Streckung und Verschiebung in y-Richtung	211
2.2	Verschiebung in x- und y-Richtung	216
3	Schnittpunkte	221
3.1	Schnittpunkte einer Parabel mit den Koordinatenachsen	221
3.2	Schnittpunkte von Parabel und Gerade	230
3.3	Schnittpunkte von zwei Parabeln	234
4	Anwendungen von Parabeln	239
5	Darstellung nicht-quadratischer Zusammenhänge	242
5.1	Exponentielles Wachstum	242
5.2	Sinuskurve	245

VIII Prüfungsvorbereitung 248**IX Anhang 254**

1	Lösungen der Modellierungen und Tests	254
2	Mathematische Zeichen	265
3	Geogebra- und Videoverzeichnis	266
4	Stichwortverzeichnis	269
	Abbildungsverzeichnis	272