

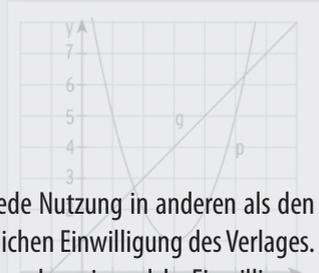
Bohner
Ott
Deutsch
Rosner

Mathematik für Berufsfachschulen Baden-Württemberg

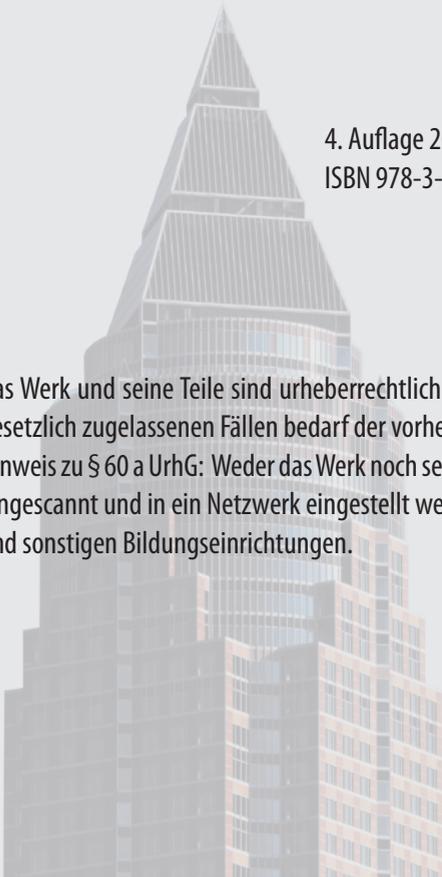
Ausführliche Lösungen zu im Buch gekennzeichneten Aufgaben



4. Auflage 2019
ISBN 978-3-8120-0119-9



Das Werk und seine Teile sind urheberrechtlich geschützt. Jede Nutzung in anderen als den gesetzlich zugelassenen Fällen bedarf der vorherigen schriftlichen Einwilligung des Verlages. Hinweis zu § 60 a UrhG: Weder das Werk noch seine Teile dürfen ohne eine solche Einwilligung eingescannt und in ein Netzwerk eingestellt werden. Dies gilt auch für Intranets von Schulen und sonstigen Bildungseinrichtungen.



Merkur 
Verlag Rinteln

Lehrbuch Seite 20

$$5 \quad a) - [7x - (5x + 3y)] = - [7x - 5x - 3y] = -7x + 5x + 3y = -2x + 3y$$

oder

$$- [7x - (5x + 3y)] = - [7x - 5x - 3y] = - [2x - 3y] = -2x + 3y$$

$$b) 1 - [- (2x - 3) + 4x] = 1 - [-2x + 3 + 4x] = 1 + 2x - 3 - 4x = -2 - 2x$$

oder

$$1 - [- (2x - 3) + 4x] = 1 - [-2x + 3 + 4x] = 1 - [2x + 3] = 1 - 2x - 3 = -2 - 2x$$

$$6 \quad a) - (-a - 5b) - (8 - 4a + 3b) = a + 5b - 8 + 4a - 3b = 5a + 2b - 8$$

$$5 \text{ für } a \text{ und } 6 \text{ für } b: \quad 5 \cdot 5 + 2 \cdot 6 - 8 = 29$$

$$b) (4x - 2y) + (-3x + 5y) - (-2x) - 10 = 4x - 2y - 3x + 5y + 2x - 10 = 3x + 3y - 10$$

$$0 \text{ für } x \text{ und } 7 \text{ für } y: \quad 3 \cdot 0 + 3 \cdot 7 - 10 = 11$$

Lehrbuch Seite 25

$$4 \quad a) (2a + 5)(a + b - 4) = 2a^2 + 2ab - 8a + 5a + 5b - 20 = 2a^2 + 2ab - 3a + 5b - 20$$

$$c) (2c - 3)(7 - c - d) = 14c - 2c^2 - 2cd - 21 + 3c + 3d = -2c^2 - 2cd + 17c + 3d - 21$$

Lehrbuch Seite 28

$$4 \quad a) (2a + b)^2 + (3a - b)^2 = 4a^2 + 4ab + b^2 + 9a^2 - 6ab + b^2 = 13a^2 - 2ab + 2b^2$$

$$b) (4x + y)^2 - (2x - 3y)^2 = 16x^2 + 8xy + y^2 - (4x^2 - 12xy + 9y^2)$$

$$= 16x^2 + 8xy + y^2 - 4x^2 + 12xy - 9y^2 = 12x^2 + 20xy - 8y^2$$

Lehrbuch Seite 45

$$\begin{aligned}6 \quad \text{a)} & -45x^5y^4z^2 + 30x^3y^6z^7 - 15x^3y^4z^3 + 45x^3y^8z^4 \\ & = 15(-3x^5y^4z^2 + 2x^3y^6z^7 - x^3y^4z^3 + 3x^3y^8z^4) \\ & = 15x^3(-3x^2y^4z^2 + 2y^6z^7 - y^4z^3 + 3y^8z^4) \\ & = 15x^3y^4(-3x^2z^2 + 2y^2z^7 - z^3 + 3y^4z^4) \\ & = 15x^3y^4z^2(-3x^2 + 2y^2z^5 - z + 3y^4z^2)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{b)} \quad & a^2b^7 + 3a^2b^7c^2 - 5a^3b^8 \\ & = a^2(b^7 + 3b^7c^2 - 5ab^8) \\ & = a^2b^7(1 + 3c^2 - 5ab)\end{aligned}$$

Lehrbuch Seite 56

- 2 e) Gleichung in x: $6(5 - x) + 2(3 - x) = 13$
- Klammern ausmultiplizieren: $30 - 6x + 6 - 2x = 13$
- Zusammenfassen: $36 - 8x = 13 \quad | - 36$
- $- 8x = - 23 \quad | : (- 8)$
- Beide Seiten durch $(- 8)$ teilen: $x = \frac{23}{8}$
-
- g) Gleichung in x: $(x - 3)(x + 4) = x^2$
- Klammern ausmultiplizieren: $x^2 + 4x - 3x - 12 = x^2$
- Zusammenfassen: $x^2 + x - 12 = x^2 \quad | - x^2$
- $x - 12 = 0$
- $x = 12$
-
- 3 a) Lineare Gleichung mit Bruch: $1 = \frac{x}{5} \quad | \cdot 5$
- $5 = x$
-
- e) Lineare Gleichung mit Brüchen: $\frac{5x-1}{3} = 6 - \frac{x-2}{3} \quad | \cdot 3$
- $\frac{5x-1}{3} \cdot 3 = 6 \cdot 3 - \frac{x-2}{3} \cdot 3$
- $5x - 1 = 18 - (x - 2)$
- Klammer auflösen: $5x - 1 = 18 - x + 2$
- $5x - 1 = 20 - x \quad | + x$
- Sortieren (x auf eine Seite bringen): $6x - 1 = 20 \quad | + 1$
- $6x = 21 \quad | : 6$
- $x = \frac{21}{6}$
- $x = \frac{7}{2}$

Lehrbuch Seite 70

4 a) Definitionsmenge bestimmen

Der Nenner wird null für $x = 1$:

$$D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$$

Die Zahl 1 darf nicht für x eingesetzt werden.

Bruchgleichung:
$$\frac{5}{x-1} = 1 \quad | \cdot (x-1)$$

Beide Seiten mit dem Term $(x - 1)$ multiplizieren: $5 = 1 \cdot (x - 1)$

$$5 = x - 1 \quad | + 1$$

$$6 = x$$

Lösungsmenge:

$$L = \{6\}$$

b) Definitionsmenge bestimmen

Der Nenner wird null für $x = 2$:

$$D = \mathbb{R} \setminus \{2\}$$

Die Zahl 2 darf nicht für x eingesetzt werden.

Bruchgleichung:
$$2 = \frac{8}{x-2} \quad | \cdot (x-2)$$

Beide Seiten mit dem Term $(x - 2)$ multiplizieren: $2 \cdot (x - 2) = 8$

$$2x - 4 = 8 \quad | + 4$$

$$2x = 12 \quad | : 2$$

$$x = 6$$

Lösungsmenge:

$$L = \{6\}$$

Lehrbuch Seite 77

2 a) Quadratische Gleichung:

Nullform:

Werte für a, b und c

in die Formel einsetzen:

 x_1 berechnen: x_2 berechnen:Die Gleichung hat die Lösungen $x_1 = \frac{7}{2}$ und $x_2 = 1$.

$$2x^2 - 9x = -7 \quad | + 7$$

$$2x^2 - 9x + 7 = 0$$

$$a = 2; b = -9; c = 7$$

$$x_{1|2} = \frac{9 \pm \sqrt{(-9)^2 - 4 \cdot 2 \cdot 7}}{2 \cdot 2}$$

$$x_{1|2} = \frac{9 \pm \sqrt{81 - 56}}{4} = \frac{9 \pm \sqrt{25}}{4}$$

$$x_{1|2} = \frac{9 \pm 5}{4}$$

$$x_1 = \frac{9+5}{4} = \frac{14}{4} = \frac{7}{2}$$

$$x_2 = \frac{9-5}{4} = \frac{4}{4} = 1$$

b) Quadratische Gleichung:

Gleichung nennerfrei darstellen:

Anordnung $ax^2 + bx + c = 0$ wählen:

Werte für a, b und c

in die Formel einsetzen:

Die Gleichung hat genau eine Lösung $x_{1|2} = 3$.

$$3 - 2x + \frac{1}{3}x^2 = 0 \quad | \cdot 3$$

$$9 - 6x + x^2 = 0$$

$$x^2 - 6x + 9 = 0$$

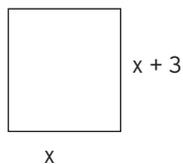
$$a = 1; b = -6; c = 9$$

$$x_{1|2} = \frac{6 \pm \sqrt{(-6)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 9}}{2 \cdot 1}$$

$$x_{1|2} = \frac{6 \pm \sqrt{36 - 36}}{2} = \frac{6 \pm \sqrt{0}}{2} = \frac{6 \pm 0}{2}$$

$$x_{1|2} = \frac{6}{2} = 3$$

Lehrbuch Seite 80

2 Länge ist x m, Breite $(x + 3)$ mFlächeninhalt: $A = x(x + 3)$ Ansatz: $A = 304$

$$x(x + 3) = 304$$

$$x^2 + 3x = 304 \quad | - 304$$

Quadratische Gleichung:

$$x^2 + 3x - 304 = 0$$

Auflösung mit der abc-Formel ergibt:

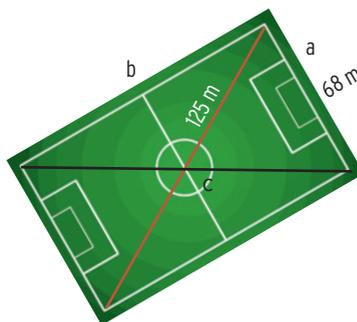
$$x_1 = 16 \quad (x_2 = -19)$$

Die Länge des Bauplatzes beträgt 16 m, die Breite 19 m.

Lehrbuch Seite 86

5 Satz des Thales anwenden:

Die Diagonale entspricht dem Durchmesser des Thaleskreises.



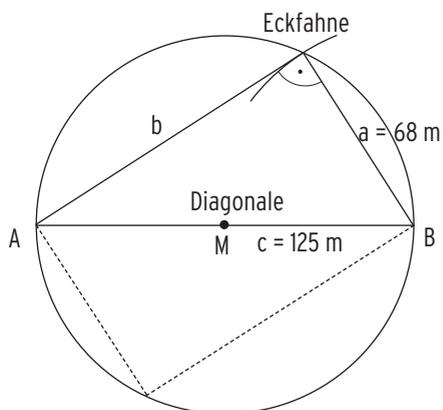
$$c = \overline{AB} = 125 \text{ m}, a = 68 \text{ m}$$

Gesucht ist die Länge der Seite b.

Maßstab: $1 \text{ cm} \hat{=} 25 \text{ m}$

$$c = 5 \text{ cm}; a \approx 2,7 \text{ cm}$$

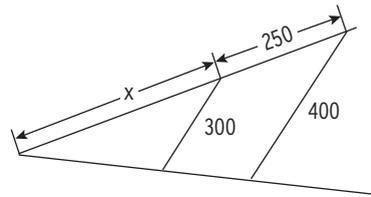
$$\text{Gemessen: } b = 4,2 \text{ cm} \hat{=} 105 \text{ m}$$



Lehrbuch Seite 97

3 Längen im Meter

2. Strahlensatz anwenden.



Abschnittsverhältnisse:

$$\frac{x}{x + 250} = \frac{300}{400}$$

Bruchgleichung:

$$\frac{x}{x + 250} = 0,75 \quad | \cdot (x + 250)$$

$$x = 0,75 \cdot (x + 250)$$

$$x = 0,75x + 187,5$$

$$0,25x = 187,5 \quad | : 0,25$$

$$x = 750$$

Der Abschnitt x hat eine Länge von 750 m.

Lehrbuch Seite 100

6 Mantelfläche des Kegels:

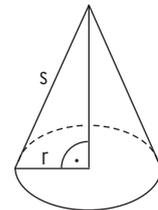
$$M = \pi \cdot r \cdot s$$

Werte einsetzen ($r = 3,5$):

$$M = \pi \cdot 3,5 \cdot 5,94 = 65,31$$

Preis:

$$\frac{5091,84}{65,31} = 77,96$$

Der Preis beträgt $77,96 \frac{\text{€}}{\text{m}^2}$.

Lehrbuch Seite 118

2 a) Flächeninhalt in m^2

Die Deckenfläche ist die Hälfte der Mantelfläche eines Zylinders.

Flächeninhalt der Decke:

$$A_D = \frac{1}{2} \cdot 2 \pi r h = \pi r h = \pi \cdot 2,5 \cdot 8 = 62,83$$

Die Wandfläche setzt sich zusammen aus vier Rechtecksflächen und einer Kreisfläche (ohne das Rechteck für die Tür).

Flächeninhalt der Wände:

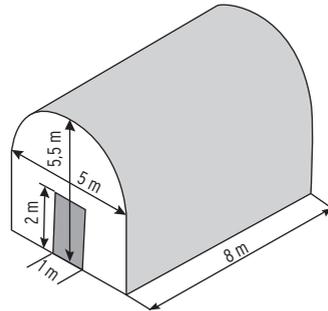
$$A_W = 2 \cdot 8 \cdot 3 + 2 \cdot 5 \cdot 3 + \pi \cdot 2,5^2 - 2 \cdot 1 = 95,63$$

Flächeninhalt insgesamt:

$$A = A_D + A_W = 158,46$$

Die Fläche beträgt $158,46 \text{ m}^2$.

Die 30 Liter gekaufte Farbe sind ausreichend für 210 m^2 , also reicht die Farbe aus.

b) Volumeninhalt in m^3

Volumen des Quaders:

$$V_Q = a \cdot b \cdot c = 5 \cdot 8 \cdot 3 = 120$$

Volumen des Halbzylinders:

$$V_{Hz} = \frac{1}{2} \cdot \pi r^2 h = \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot 2,5^2 \cdot 8 = 78,5$$

Volumen des Gewölbekellers:

$$V_{Hz} = V_Q + V_{Hz} = 198,5$$

Das Volumen des Gewölbekellers beträgt $198,5 \text{ m}^3 < 200 \text{ m}^3$

Der Heizlüfter ist ausreichend.

c) Berechnung der Länge der Türdiagonalen

Satz des Pythagoras:

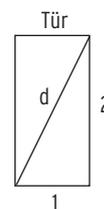
$$d^2 = 1^2 + 2^2 = 5$$

$$d = 2,24$$

Längenvergleich:

$$2,24 \text{ m} < 2,3 \text{ m}$$

Die Platte passt nicht durch die Türe.



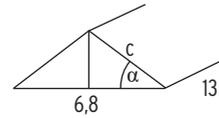
Lehrbuch Seite 125

6 a) Dachfläche:

$$A = 2 \cdot 13 \cdot c$$

Nach c umformen:

$$c = \frac{A}{2 \cdot 13} = \frac{94}{2 \cdot 13} = 3,62$$



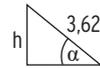
Berechnung des Winkels

$$\cos \alpha = \frac{0,5 \cdot 6,8}{c} = \frac{3,4}{3,62} = 0,939$$

Damit erhält man $\alpha = 20,1^\circ$.

$$\text{b) } \sin \alpha = \frac{h}{3,62}$$

$$h = 3,62 \cdot \sin \alpha = 3,62 \cdot \sin 20,1^\circ = 1,24$$



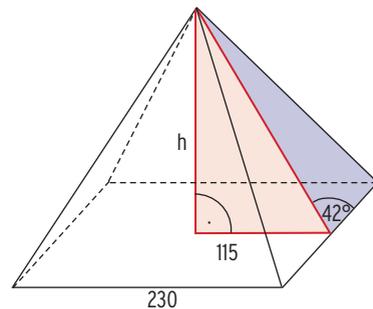
Die Höhe beträgt 1,24 m.

Lehrbuch Seite 131

$$5 \quad \tan 42^\circ = \frac{h}{115}$$

$$h = 115 \cdot \tan 42^\circ = 103,5$$

Ursprüngliche Höhe: 103,5 m



Lehrbuch Seite 153

2 Insgesamt sind es 32 Karten.

8 Karten sind Pik-Karten.

$$P = \frac{\text{günstig}}{\text{möglich}}$$

$$P(A) = \frac{8}{32} = \frac{1}{4}$$

8 Karten sind Herz-Karten

$32 - 8 = 24$ Karten sind keine Herz-Karten.

$$P(B) = \frac{32 - 8}{32} = \frac{24}{32} = \frac{3}{4}$$

oder

8 Karten sind Herz-Karten.

$$P(\text{Herz-Karte}) = \frac{8}{32} = \frac{1}{4}$$

$$P(B) = 1 - P(\text{Herz-Karte}) = 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$

16 Karten sind Pik- oder Karo-Karten.

$$P(C) = \frac{16}{32} = \frac{1}{2}$$

Lehrbuch Seite 158

4 Zweimal Ziehen mit Zurücklegen

a) A: zwei Lkw

$$P(A) = 0,23^2 = 0,0529$$

b) B: zwei Pkws oder zwei Mopeds

$$P(B) = 0,55^2 + 0,10^2 = 0,3125$$

c) C: das erste ein Pkw und das zweite ein Lkw

$$P(C) = 0,55 \cdot 0,23 = 0,1265$$

d) D: ein Pkw und ein Lkw

$$P(D) = 2 \cdot 0,55 \cdot 0,23 = 0,253$$

Bei der Aufgabe c) spielt die Reihenfolge eine Rolle, bei der Aufgabe d) dagegen nicht.

C: Pkw Lkw eine Möglichkeit

D: Pkw Lkw oder Lkw Pkw zwei Möglichkeiten

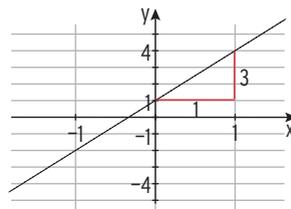
Lehrbuch Seite 162

4 Erwartungswert für die Folgekosten: $25 \cdot 0,04 + 20 \cdot 0,08 = 2,60$

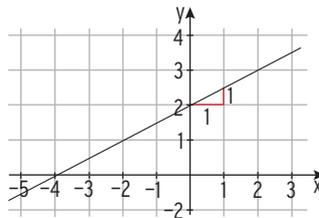
Die zu erwartenden Folgekosten betragen 2,60 € pro verkauftem Hemd.

Lehrbuch Seite 173

- 1 a) $y = 3x + 1$
 $m = 3$
 $b = 1$



- p) $3(y + x) = 2y + 4(x + 1)$
 Gleichung in der Hauptform
 $y = x + 4$
 $m = 1$
 $b = 4$



Lehrbuch Seite 181

- 1 a) Geradenpunkte:

$$A(2 \mid 1); B(5 \mid 7)$$

Berechnung der Steigung m :

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{7 - 1}{5 - 2} = \frac{6}{3} = 2$$

Ansatz für die Geradengleichung:

$$y = mx + b$$

Mit $m = 2$ erhält man:

$$y = 2x + b$$

Punktprobe mit $A(2 \mid 1)$

$$1 = 2 \cdot 2 + b$$

$$1 = 4 + b$$

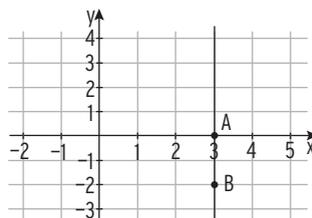
ergibt b :

$$b = -3$$

Geradengleichung:

$$y = 2x - 3$$

- j) Die Punkte $A(3 \mid 0)$ und $B(3 \mid -2)$
 haben den gleichen x -Wert 3.
 Sie liegen auf einer Geraden
 parallel zur y -Achse.
 Geradengleichung: $x = 3$

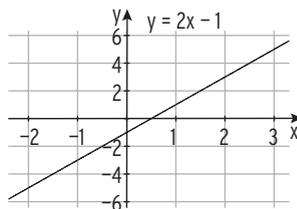


Lehrbuch Seite 184

1 a) $y = 2x - 1$

Schnittpunkt mit der y-Achse

Bedingung: $x = 0$ $y = 2 \cdot 0 - 1 = -1$

Schnittpunkt mit der y-Achse: $S_y(0 \mid -1)$ 

Schnittpunkt mit der x-Achse

Bedingung: $y = 0$

Umformung:

$$2x - 1 = 0 \quad | +1$$

$$2x = 1 \quad | :2$$

$$x = \frac{1}{2}$$

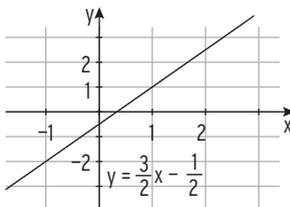
Schnittpunkt mit der x-Achse:

$$S_x\left(\frac{1}{2} \mid 0\right)$$

n) $1 - 3x = -2y$

Gleichung in der Hauptform:

$$y = \frac{3}{2}x - \frac{1}{2}$$



Schnittpunkt mit der y-Achse

Bedingung: $x = 0$

Schnittpunkt mit der y-Achse:

$$y = \frac{3}{2} \cdot 0 - \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$$

$$S_y\left(0 \mid -\frac{1}{2}\right)$$

Schnittpunkt mit der x-Achse

Bedingung: $y = 0$

Umformung:

$$\frac{3}{2}x - \frac{1}{2} = 0 \quad | +\frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{2}x = \frac{1}{2} \quad | \cdot 2$$

$$3x = 1 \quad | :3$$

$$x = \frac{1}{3}$$

Schnittpunkt mit der x-Achse:

$$S_x\left(\frac{1}{3} \mid 0\right)$$

Lehrbuch Seite 190

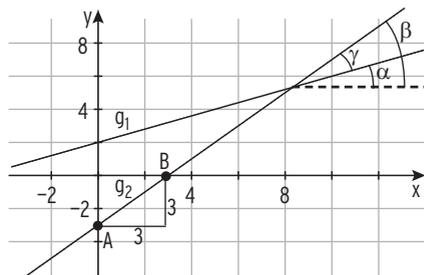
7 a) $g_1: y = 0,4x + 2$

Steigung von g_2 : $m = \frac{3}{3} = 1$

y-Achsenabschnitt von g_2 : $b = -3$

$g_2: y = x - 3$

Schaubilder



b) Berechnung des Schnittpunktes von g_1 und g_2

Gleichsetzen der y-Werte:

$$0,4x + 2 = x - 3 \quad | -x$$

$$-0,6x + 2 = -3 \quad | -2$$

$$-0,6x = -5 \quad | :(-0,6)$$

Schnittstelle von g_1 und g_2 :

$$x = \frac{25}{3}$$

Hinweis: $-\frac{5}{0,6} = \frac{5}{\frac{3}{5}} = \frac{5 \cdot 5}{3} = \frac{25}{3}$

Berechnung des y-Wertes

Einsetzen von $x = \frac{25}{3}$ in eine der beiden Geraden-

gleichungen ergibt den y-Wert des Schnittpunktes: $y = \frac{25}{3} - 3 = \frac{25}{3} - \frac{9}{3} = \frac{16}{3}$

Schnittpunkt:

$$S\left(\frac{25}{3} \mid \frac{16}{3}\right)$$

c) Winkel α

$\tan \alpha = m_1 = 0,4:$

$\alpha = 21,8^\circ$

Winkel β

$\tan \beta = m_2 = 1:$

$\beta = 45^\circ$

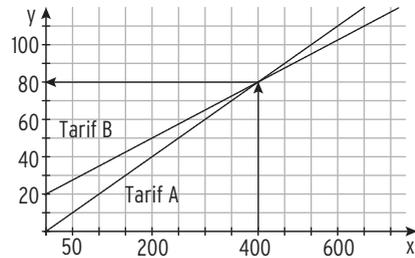
Spitzer Winkel γ :

$\gamma = \beta - \alpha = 45^\circ - 21,8^\circ = 23,2^\circ$

Lehrbuch Seite 193

- 2 a) 500 Minuten im Tarif A kosten: $0,2 \cdot 500 = 100$ (€)
 500 Minuten im Tarif B kosten: $0,15 \cdot 500 + 20 = 95$ (€)
 Tarif B ist günstiger.

- b) Tarif A: $y = 0,2x$
 Tarif B: $y = 0,15x + 20$



- c) Gleichsetzen der y-Werte: $0,2x = 0,15x + 20$
 $x = 400$

Bei 400 Minuten sind die Kosten gleich hoch.

- d) Kosten bei Tarif A + 10 € ergeben die Kosten bei Tarif B.

Gleichung: $y_A + 10 = y_B$
 $0,2x + 10 = 0,15x + 20$
 $0,05x = 10$
 $x = 200$

Bei 200 Minuten spart man in Tarif A 10 € gegenüber Tarif B.

Lehrbuch Seite 205

3 a) $\frac{x}{2} + y = 2$ (1)

$\frac{x}{4} - \frac{y}{2} = 3$ (2)

Gleichung (1) umformen:

$\frac{x}{2} + y = 2 \quad | \cdot 2$

$x + 2y = 4$

Gleichung (2) umformen:

$\frac{x}{4} - \frac{y}{2} = 3 \quad | \cdot 4$

$x - 2y = 12$

Lineares Gleichungssystem:

$$\begin{array}{r} x + 2y = 4 \\ x - 2y = 12 \end{array} \quad \begin{array}{l} \left. \vphantom{\begin{array}{r} x + 2y = 4 \\ x - 2y = 12 \end{array}} \right\} + \\ \leftarrow \end{array}$$

Additionsverfahren:

$2x = 16$

$x = 8$

Einsetzen von $x = 8$ in eine Gleichung,z. B. in $x + 2y = 4$, ergibt:

$8 + 2y = 4$

Nach y auflösen:

$y = -2$

Lösung des linearen Gleichungssystems: $x = 8$ und $y = -2$

Lehrbuch Seite 207

2 Die Klasse a hat x Schüler, die Klasse b hat y Schüler.

Bei einem Fehlbetrag von 25 € wurden $210 \text{ €} - 25 \text{ €} = 185 \text{ €}$ eingesammelt.

Zugehörige Gleichung: $3,25x + 3,5y = 185$

Bei einem Überschuss von 22,50 € wurden $210 \text{ €} + 22,50 \text{ €} = 232,50 \text{ €}$ eingesammelt.

Zugehörige Gleichung: $4x + 4,5y = 232,5$

Lineares Gleichungssystem:

$$3,25x + 3,5y = 185 \quad | \cdot 4$$

$$4x + 4,5y = 232,5 \quad | \cdot (-3,25)$$

$$13x + 14y = 740$$

$$\underline{-13x - 14,625y = -755,625} \quad \leftarrow +$$

Additionsverfahren:

$$-0,625y = -15,625 \quad | : (-0,625)$$

$$y = 25$$

Einsetzen von $y = 25$ in eine Gleichung,

z. B. in $4x + 4,5y = 232,5$, ergibt:

$$4x + 4,5 \cdot 25 = 232,5$$

Nach x auflösen:

$$x = 30$$

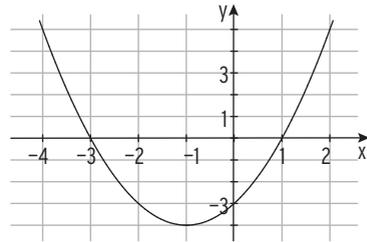
Lösung des linearen Gleichungssystems:

$$x = 30 \text{ und } y = 25$$

Die Klasse a hat 30 Schüler, die Klasse b hat 25 Schüler.

Lehrbuch Seite 225

1 a) $y = x^2 + 2x - 3$



Schnittpunkt der Parabel mit der y-Achse

Bedingung: $x = 0$

Schnittpunkt:

$$y = 0^2 + 2 \cdot 0 - 3 = -3$$

$$S_y(0 \mid -3)$$

Schnittpunkte der Parabel mit der x-Achse

Bedingung: $y = 0$

Werte für a, b und c:

$$x^2 + 2x - 3 = 0$$

$$a = 1; b = 2; c = -3$$

Lösung mit der abc-Formel:

$$x_{1|2} = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-3)}}{2 \cdot 1} = \frac{-2 \pm \sqrt{16}}{2}$$

Diskriminante $D = 16 > 0$

$$x_{1|2} = \frac{-2 \pm 4}{2}$$

zwei Lösungen:

$$x_1 = \frac{-2 + 4}{2} = 1$$

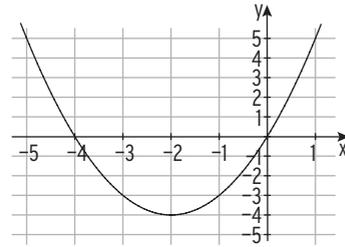
$$x_2 = \frac{-2 - 4}{2} = -3$$

Zwei Schnittpunkte mit der x-Achse:

$$N_1(1 \mid 0); N_2(-3 \mid 0)$$

Lehrbuch Seite 225

1 g) $y = x^2 + 4x$



Schnittpunkt der Parabel mit der y-Achse

Bedingung: $x = 0$

$$y = 0^2 + 4 \cdot 0 = 0$$

Schnittpunkt:

$$S_y(0 \mid 0)$$

Schnittpunkte der Parabel mit der x-Achse

Bedingung: $y = 0$

$$x^2 + 4x = 0$$

Werte für a, b und c:

$$a = 1; b = 4; c = 0$$

Lösung mit der abc-Formel:

$$x_{1|2} = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \cdot 1 \cdot 0}}{2 \cdot 1} = \frac{-4 \pm \sqrt{16}}{2}$$

Diskriminante $D = 16 > 0$

$$x_{1|2} = \frac{-4 \pm 4}{2}$$

zwei Lösungen:

$$x_1 = \frac{-4 + 4}{2} = 0$$

$$x_2 = \frac{-4 - 4}{2} = -4$$

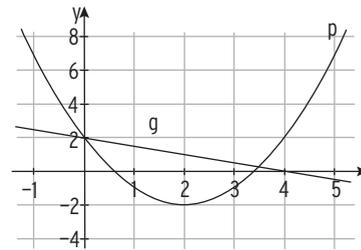
Zwei Schnittpunkte mit der x-Achse:

$$N_1(0 \mid 0); N_2(-4 \mid 0)$$

Lehrbuch Seite 233

4 a)

x	-1	0	1	2	3	4
y	7	2	-1	-2	-1	2



b) $x_S = -\frac{b}{2} = -\frac{-4}{2} = 2$

Scheitelpunkt: S(2 | -2)

c) Schnittstellen von p und x-Achse

Bedingung: $y = 0$

$$x^2 - 4x + 2 = 0$$

Lösungen der quadratischen Gleichung: $x_1 = 0,59; x_2 = 3,41$

Schnittstellen von p und x-Achse: $x_1 = 0,59; x_2 = 3,41$

d) Gerade einzeichnen

e) Schnittpunkte von p und g

Bedingung: y-Werte gleichsetzen:

$$x^2 - 4x + 2 = -\frac{1}{2}x + 2$$

Umformung:

$$x^2 - 3,5x = 0$$

Lösungen der quadratischen Gleichung: $x_1 = 0; x_2 = 3,5$

Schnittpunkte von p und g:

$$S_1(0 | 2); S_2(3,5 | 0,25)$$

Lehrbuch Seite 236

1 a) $p_1: y = x^2 + 3x$ $p_2: y = 0,5x^2$

Schnittpunkte von p_1 und p_2

Bedingung: y-Werte gleichsetzen

$$x^2 + 3x = 0,5x^2$$

Nullform:

$$0,5x^2 + 3x = 0$$

Werte für a, b und c:

$$a = 0,5; b = 3; c = 0$$

Lösung mit der Formel:

$$x_{1|2} = \frac{-3 \pm \sqrt{3^2 - 0}}{2 \cdot 0,5} = \frac{-3 \pm \sqrt{9}}{1}$$

 $D = 9 > 0$; zwei Lösungen (Schnittstellen):

$$x_{1|2} = -3 \pm 3$$

$$x_1 = 0; x_2 = -6$$

Schnittpunkte:

$$S_1(0 | 0); S_2(-6 | 18)$$

Die Parabeln schneiden sich in zwei Punkten.

Lehrbuch Seite 240

1 Die y-Achse ist Symmetrieachse.

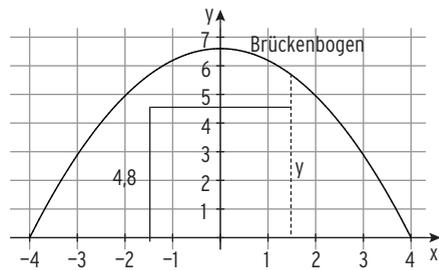
Der Scheitelpunkt liegt auf der y-Achse.

Die x-Achse verläuft auf Höhe des Bodens.

Der Bogen ist 6,6 m hoch.

Scheitelpunkt: S(0 | 6,6)

Der Abstand der x-Achsen Schnittpunkte beträgt 8 m.



Ansatz: $y = ax^2 + 6,6$

Punktprobe mit N(4 | 0):

$$0 = a \cdot 4^2 + 6,6$$

$$a = -0,4125$$

Parabelgleichung:

$$y = -0,4125x^2 + 6,6$$

Höhe des Parabelpunktes für $x = 1,5$ mit der Höhe des Fahrzeuges vergleichen.

$$y = -0,4125 \cdot 1,5^2 + 6,6 = 5,67 > 4,8$$

Das Fahrzeug kommt noch unter der Brücke hindurch.